

Beispiel für die Dekodierung eines RS-Code-Empfangswortes $w(x) = v(x) + e(x)$

v(x):

x^6	x^5	x^4	x^3	x^2	x^1	$x^0=1$
0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	α^3	1	α^6

v(x) ist das RS-Codewort aus dem „Hilfsblatt zur MOD g(x)-Division für RS-Codes“

e(x):

0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	α^6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

v(x) ist wegen g(x) hier korrigierbar für einen 1-Fehlerblock e_i

w(x) = v(x)+e(x):

0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	1	0	1
0	α^6	0	0	0	α^3	1	α^6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

- Für die weitere Verarbeitung gilt:
- v(x) ist durch seine Konstruktion immer ein Vielfaches von g(x), $v(x) = q(x) \cdot g(x)$.
 - Da g(x) die beiden Nullstellen α^1 und α^2 besitzt, sind dies auch Nullstellen von v(x) $\rightarrow v(\alpha^1) = v(\alpha^2) = 0$.
 - Für das Fehlerpolynom gilt $e(x) = e_i \cdot x^i$ mit i als Exponent der Fehlerposition und e_i als Binärblock des Fehlerwertes
 - $s_1(\alpha^1) = w(\alpha^1) = v(\alpha^1) + e(\alpha^1) = 0 + e_1 \cdot (\alpha^1)^i = e_1 \cdot \alpha^i$, $s_2(\alpha^2) = w(\alpha^2) = v(\alpha^2) + e(\alpha^2) = 0 + e_1 \cdot (\alpha^2)^i = e_1 \cdot \alpha^{2i}$.

$s_1(\alpha^1) = w(\alpha^1)$:

0 +	$\alpha^6 \cdot \alpha^5 +$	0 +	0 +	$\alpha^3 \cdot \alpha^2 +$	$1 \cdot \alpha^1 +$	α^6
-----	-----------------------------	-----	-----	-----------------------------	----------------------	------------

 $= \alpha^4 + \alpha^5 + \alpha^1 + \alpha^6 = \alpha^4$

$s_2(\alpha^2) = w(\alpha^2)$:

0 +	$\alpha^6 \cdot \alpha^{10} +$	0 +	0 +	$\alpha^3 \cdot \alpha^4 +$	$1 \cdot \alpha^2 +$	α^6
-----	--------------------------------	-----	-----	-----------------------------	----------------------	------------

 $= \alpha^2 + \alpha^0 + \alpha^2 + \alpha^6 = \alpha^2$

Gleichungen:

$e_i \cdot \alpha^i = \alpha^4$	(I)	\rightarrow	(II) durch (I) teilen: \rightarrow	$\alpha^i = \alpha^{-2} = \alpha^{(-2) \text{ MOD } 7} = \alpha^5$	\rightarrow	$i=5 \rightarrow$	\rightarrow	Fehlerposition bei x^5
$e_i \cdot \alpha^{2i} = \alpha^2$	(II)	$\alpha^i = \alpha^5$ in (I) einsetzen:	$e_i \cdot \alpha^5 = \alpha^4$	\rightarrow	$e_i = \alpha^{-1} = \alpha^{(-1) \text{ MOD } 7} = \alpha^6$	\rightarrow	Fehlerblock = 101	

Korrektur: MOD 2 – Addition des Fehlerblocks 101 auf das Empfangswort w(x) an der Position x^5 ergibt das gesendete Codewort v(x).